

Reading Quiz #11

姓名：_____ 系級：_____ 學號：_____ 分數：_____

閱讀第 10 章第 10 節(第 242 頁)並回答下列問題

1. 記得艾爾給默(ElGamal)密碼系統嗎？可簡單敘述如下：

三毛要傳遞信息 x 紙四郎，所以四郎選取一個大質數 p 及一個整數 $\alpha \pmod{p}$ 。

他也選取一秘密整數 a_4 且計算 $\beta \equiv \alpha^{a_4} \pmod{p}$ 。四郎將 p, α, β 公開，但將 a_4 保持私密。三毛選取一個隨機整數 k_3 並算出密文 (y_1, y_2) ，此處

$$y_1 \equiv \text{_____} \pmod{p}, \quad \text{而} \quad y_2 \equiv \text{_____} \pmod{p}.$$

她送出 (y_1, y_2) 紙四郎，然後四郎據此解密如下：

$$x \equiv \text{_____} \pmod{p}.$$

2. 橢圓曲線版的艾爾給默(ElGamal)密碼系統就是把上面艾爾給默(ElGamal)密碼系統中的乘法變加法而次幕變倍數而已。現在描述如下：四郎選取一橢圓曲線 $E \pmod{p}$ ， p 為一大質數；然後選取橢圓曲線 E 上一點 α 及一秘密整數 a_4 。他得算出

$$\beta = \text{_____}.$$

四郎將此兩點 α, β 公開，但將 a_4 保持私密。三毛將她要送給四郎的信息表示成橢圓曲線 E 上的點 x (見第二節)；然後選取一個隨機整數 k_3 並算出

$$y_1 = \text{_____} \quad \text{與} \quad y_2 = \text{_____}.$$

她送出 (y_1, y_2) 紙四郎，而四郎據此解密如下：

$$x = \text{_____}.$$